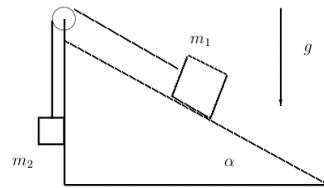


F4120 — Teoretická mechanika

5 - Dvě tělesa na nakloněné rovině

Zadání

Určete zrychlení tělesa o hmotnosti m_1 . Nakloněná rovina je v klidu.

Obrázek**Vazba**

Zavedu souřadnici x , která bude podel provazku, tedy od tělesa m_1 ke kladce a pak dolů k tělesu m_2 .

Energie a Lagrangián

$$\begin{aligned} T &= \frac{1}{2}m_2\dot{x}^2 + \frac{1}{2}m_1\dot{x}^2 \\ T &= \frac{1}{2}\dot{x}^2(m_1 + m_2) \end{aligned}$$

$$V = m_1(g \sin \alpha)x - m_2gx$$

Řešení rovnice

$$\begin{aligned} \frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_i} &= \frac{\partial L}{\partial q_i} \\ \frac{d}{dt} \dot{x}(m_2 + m_1) &= +m_1 g \sin \alpha - m_2 g \\ \ddot{x} &= g \frac{(m_1 \sin \alpha - m_2)}{m_1 + m_2} \end{aligned}$$