

## 2. Popis fyzikálního systému v různých vzájemných soustavách,

Invariance fyz. zákonů vzhledem k transformacím.

### Vliv volby soustavy souřadnic na popis pohybu částic, včetně zrychlení

- volba <sup>může</sup>  $\mathcal{L}$  ovlivnit pohybové rovnice - často se volí tak aby byly co nejjednodušší
- neexistuje soustava absolutního klidu
- u volby částice lze vždy najít soustavu, kt. je v klidu nebo pohyb RPC
- čas se jeví homogenní a prostor homogenní ( $\mathcal{L} \neq f(\vec{r})$ ) a izotropní ( $\vec{v} \rightarrow v$ )  
 $\Rightarrow$  Lag. závisí pouze na velikosti rychlosti  $\mathcal{L} = \mathcal{L}(v^2)$
- z Lag. - Eul. rovnic zjistíme, že  $v = \text{konst.}$   $\frac{d}{dt} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \vec{v}} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \vec{r}} = 0$
- když zvolíme soustavu, která se vůči l. soustavě pohybuje rychlostí  $\vec{u}$  bude pohyb opět RPC  
 $\Rightarrow \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \vec{v}} = \text{const.}$
- $\Rightarrow$  existuje nekonečně mnoho takových soustav (inerciálních) = Galileiho princip
- inerciální soustava - soustava, která se ke zvolené soustavě pohybuje konstantní rychlostí
- neinerciální soustava - soustava, která se ke zvolené soustavě pohybuje zrychleně
  - nejjednodušší s konstantním zrychlením  $= a_u$  ... unášivé zrychlení

### Ne-relativistická mechanika, pohybové zákony, Galileova transformace + princip relativity

- inerciální vzájemná soustava - Galileiho transformace - rychlost  $\vec{u} = \text{konst.}$   
$$\vec{r} = \vec{r}' - \vec{u} \cdot t, \vec{v} = \vec{v}' - \vec{u}, t = t' \text{ (homogenita)}$$
  - platnost pohybových zákonů?  
 $t = -t \text{ (izotropie)}$
- $\frac{d\vec{u}}{dt} = 0 \Rightarrow \vec{F} = \vec{F}' \Rightarrow$  Newtonovy zákony jsou vůči Gal. transformaci invariantní  
= Galileiho princip relativity
- neinerciální vzájemná soustava - volba  $\vec{a}_u = \text{konst.}$  (ale může se i měnit)  
$$\vec{r} = \vec{r}' - \frac{1}{2} \vec{a}_u t^2, \vec{v} = \vec{v}' - \vec{a}_u t, \vec{a} = \vec{a}' - \vec{a}_u \Rightarrow \vec{F} = \vec{F}' - m \cdot \vec{a}_u$$

setrvačná síla (fiktivní)

$\Rightarrow$  neplatí 1. a 3. Newtonův pohybový zákon a kdyby soustava rotujícíla dopadne

# Relativistická mechanika, princip stálé rychlosti světla, Lorentzova transformace

- Maxwellovy rovnice nejsou invariantní vůči Galileově transformaci
  - nefunguje klasické skládání rychlostí  $\Rightarrow$  princip stálé rychlosti světla
- Einstein formuloval postuláty:
  - mech., opt. a elmag. fyz. probíhají ve všech inerciálních soustavách podle stejných zákonů  $\Rightarrow$  Maxwellky mají ve všech soustavách stejný tvar
  - rychlost světla ve vakuu je nezávislá na rychlosti zdroje a ní pozorovatele
- používá se jiná metrika - hledáme transformaci, kt. by splnila podmínku

$$x^2 + y^2 + z^2 - c^2 t^2 = x'^2 + y'^2 + z'^2 - c^2 t'^2$$

$\Rightarrow$  Lorentzova transformace: (pohyb jen v x rychlostí v) :  $\Lambda = \begin{pmatrix} \gamma & \frac{v}{c}\gamma & 0 & 0 \\ \frac{v}{c}\gamma & \gamma & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

$$x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad t' = \frac{t - \frac{v}{c^2}x}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow \gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

- změří se i rychlostí: pokud se S vůči S' pohybuje rychlostí  $\vec{u} = (u, 0, 0)$

$$v_x = \frac{v'_x + u}{1 + \frac{v_x u}{c^2}}, \quad v_y = \frac{v'_y}{\gamma(1 + \frac{v_x u}{c^2})}, \quad v_z = \frac{v'_z}{\gamma(1 + \frac{v_x u}{c^2})}$$

## Klasická elektrodynamika, invariance rovnic elmag. pole při transformaci

- tenzor elmag. pole:  $F_{ik} = \frac{\partial A_k}{\partial x^i} - \frac{\partial A_i}{\partial x^k}$ , kde  $A_i$  je čtyřpotenciál

$$\Rightarrow F^{ik} = A^i_{\phantom{i}m} \Lambda^k_{\phantom{k}n} F'^{mn}$$

$$A_i = \left( \frac{\Phi}{c}, \vec{A} \right)$$

$$x^i = (ct, \vec{x})$$

- při transformaci při pohybu ve směru x

$$E_x = E'_x, \quad E_y = \gamma(E'_y + vB'_z), \quad E_z = \gamma(E'_z - vB'_y)$$

$$B_x = B'_x, \quad B_y = \gamma(B'_y - \frac{v}{c^2}E'_z), \quad B_z = \gamma(B'_z + \frac{v}{c^2}E'_y)$$

$$F_{ik} = \begin{pmatrix} 0 & \frac{E_x}{c} & \frac{E_y}{c} & \frac{E_z}{c} \\ -\frac{E_x}{c} & 0 & -B_z & B_y \\ -\frac{E_y}{c} & B_z & 0 & -B_x \\ -\frac{E_z}{c} & -B_y & B_x & 0 \end{pmatrix}$$

- při malých rychlostech přecházíme do  $\vec{E} = \vec{E}' - \vec{v} \times \vec{B}', \vec{B} = \vec{B}'$

- invarianty:

$$F_{ik} F^{ik} = -2 \left( \frac{\vec{E}^2}{c^2} - \vec{B}^2 \right), \quad F_{ik} * F^{il} = 4 \frac{\vec{E} \cdot \vec{B}}{c}$$

$$* F_{ik} = \begin{pmatrix} 0 & -B_x & -B_y & -B_z \\ B_x & 0 & -\frac{E_z}{c} & \frac{E_y}{c} \\ B_y & \frac{E_z}{c} & 0 & -\frac{E_x}{c} \\ B_z & -\frac{E_y}{c} & \frac{E_x}{c} & 0 \end{pmatrix}$$

duální tenzor